

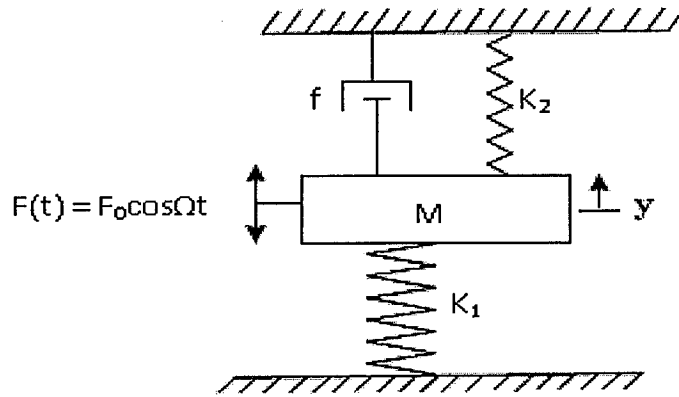
CONCOURS DE PHYSIQUE POUR L'ACCES AUX ECOLES NATIONALES  
SUPERIEURES – SESSION 2014

Discipline : **Physique** Durée de l'épreuve : **3 heures**

Date de l'épreuve: **10-06-2014**

Coefficient : **4**

**Exercice 1** : (10 points)



Soit le système mécanique forcé et amorti (figure ci-dessus) où :

$F(t) = F_0 \cos(\Omega t)$  est la force excitatrice appliquée sur la masse  $M$ ,  $f$  représente le coefficient de frottement,  $y$ , le déplacement de la masse  $M$  et les constantes de raideur des deux ressorts sont représentés par  $K_1$  et  $K_2$ .

1- Donner l'énergie cinétique  $T$ , l'énergie potentielle  $U$  et la fonction de dissipation (force généralisée)  $D$  du système.

2- Trouver l'équation du mouvement en utilisant :

a- L'équation de Lagrange.

b- Le principe fondamental de la dynamique.

3- En utilisant la représentation complexe, donner la solution permanente de l'équation du mouvement, préciser son amplitude réelle  $A$  et sa phase initiale  $\varphi$  (à  $t=0$ ).

4- Déterminer la pulsation de résonance  $\Omega_R$ .

5- Quelle est la puissance moyenne  $\langle P \rangle$  fournie au système ?

6-Déduire la puissance moyenne maximale  $\langle P \rangle_{\max}$  fournie au système.

7-Calculer les pulsations de coupure  $\Omega_{C1}$  et  $\Omega_{C2}$  pour lesquelles  $\langle P \rangle = \langle P \rangle_{\max} / 2$ , donner la bande passante  $B = \Omega_{C2} - \Omega_{C1}$  (on suppose  $\lambda \ll \omega_0$  : amortissement très faible).

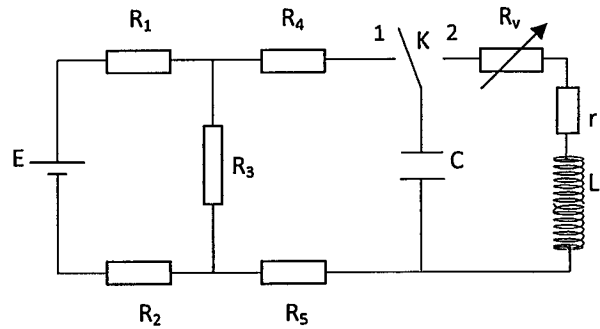
8-Trouver la puissance moyenne  $\langle P \rangle$  dissipée par frottement.

**Exercice 2 :** (10 points)

PARTIE I (5 points)

Un condensateur de capacité  $C$ , initialement déchargé, est placé dans le circuit électrique, ci-contre, comprenant un générateur de force électromotrice  $E$ , des résistances, une bobine de self-inductance  $L$  et un interrupteur  $K$  à 2 positions.

On prendra  $R_1=R_2=R$  et  $R_3=R_4=R_5=2R$ .



L'interrupteur K est mis sur la position 1.

1. En appliquant le théorème de Thévenin, établir l'équation différentielle qui régit la charge  $q(t)$  du condensateur.
2. Résoudre cette équation différentielle pour obtenir l'expression littérale de la
3. Donner l'expression de la charge finale  $Q$  du condensateur et la tension finale  $V_0$  aux bornes du condensateur.
4. Donner les expressions des courants finaux dans les différentes branches du circuit.
5. Déterminer, en fonction de  $C$  et  $E$ ,
  - $W_c$ , l'énergie électrique totale emmagasinée dans le condensateur.
  - $W_J$ , l'énergie perdue en chaleur pendant la charge complète du condensateur.
  - $W_G$ , l'énergie fournie par le générateur pendant la charge complète du condensateur.

PARTIE II (5 points)

Le condensateur étant complètement chargé, l'interrupteur K est mis sur la position 2.

1. Etablir l'équation différentielle qui régit  $v(t)$  la différence de potentiel aux bornes du condensateur.

On posera :  $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$  et  $\delta = \frac{R_v+r}{2L}$  (où  $\omega_0$  est la pulsation propre du circuit et  $\delta$  le facteur d'amortissement).

2. Etablir la solution générale de cette équation différentielle.
3. Discuter les différents régimes de ce circuit en fonction de  $\delta$ .

4. Le régime critique est obtenu pour  $R_v = R_{v_c} = 1210 \Omega$ . Donner la condition sur  $R_v$  pour que le régime soit oscillatoire.
5. On recharge complètement le condensateur (interrupteur K sur la position 1), on fixe  $R_v = 0$  et on remet l'interrupteur K sur la position 2. La tension aux bornes du condensateur est alors de la forme  $v(t) = Ae^{-dt} \cos(\omega_a t + \varphi)$ . Préciser les constantes  $d$  et  $\omega_a$  en fonction des données.
6. Au bout de 3 pseudo-périodes, l'amplitude diminue de 90%. La pseudo-période mesurée est alors  $T_a = 0,2 \text{ ms}$ . Calculer les valeurs de la capacité  $C$ , de l'inductance  $L$  et de la résistance  $r$ .